

# Estrutura de Dados

Rafael D. Ribeiro, M.Sc.  
rafaeldiasribeiro@gmail.com  
<http://www.rafaeldiasribeiro.com.br>

## Estrutura de Dados Recursividade

Exemplo:

- $5! = 5 \times 4!$
- $4! = 4 \times 3!$
- $3! = 3 \times 2!$
- $2! = 2 \times 1!$
- $1! = 1 \times 0!$
- Fatorial de 0 = 1

## Estrutura de Dados Recursividade

```
algoritmo 1.3: fatorial (não recursivo)
  fat[0] := 1
  para j := 1, ..., n faça
    fat[j] := j × fat[j - 1]
```

## Estrutura de Dados Recursividade

```
algoritmo 1.2: fatorial (recursivo)
função fatorial(i)
  fat(i) := se i ≤ 1 então 1 senão i × fat(i - 1)
```

## Estrutura de Dados

“As estruturas de dados estudam as relações lógicas existentes entre os dados (ex: relação linear, relação hierárquica ..) e serão manipuladas através de operações sobre os dados (ex: consultar uma informação em um conjunto de fichas de alunos, remover um assinante de uma lista de assinantes, apagar um diretório em uma árvore de diretórios e subdiretórios...).

A escolha da estrutura de dados a ser utilizada refletirá diretamente na construção de uma solução mais ou menos eficiente para o problema.”

## Estrutura de Dados

Definição de lista linear : Uma **lista linear (ou tabela)** pode ser definida como uma sequência de  $n \geq 0$  elementos, denominados **nós**,  $L_0, L_1, \dots, L_{n-1}$ , tais que as propriedades estruturais decorrem, inicialmente, das posições relativas dos elementos da lista.

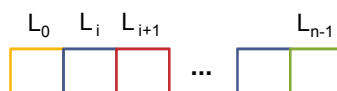
Temos : Se  $n \geq 0$  :

$L_0$  é o primeiro elemento

$L_{n-1}$  é o último elemento

$L_{i+1}$  é o sucessor de  $L_i$  e

$L_i$  é o antecessor de  $L_{i+1}$ .



## Estrutura de Dados

### Características de uma lista linear:

- possui 0 ou mais nós;
- todos os elementos podem ser acessados
- podemos incluir ou excluir qualquer elemento
- agrupa informações referentes a um conjunto de elementos que relacionam-se entre si .

### EXEMPLOS:

- Pessoas esperando ônibus
- Letras de uma palavra
- Palavras de uma frase

## Estrutura de Dados

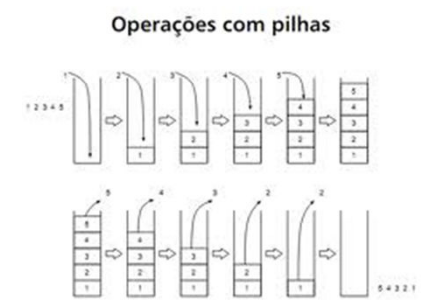
### Operações que podem ser realizadas sobre listas:

- Acessar um elemento qualquer da lista
- Inserir um elemento em uma posição específica
- Remover um elemento de uma posição específica
- Combinar duas listas
- Dividir uma lista
- Determinar o total de elementos em uma lista
- Procurar determinado elemento na lista
- Apagar lista
- Outras...

## Estrutura de Dados

Operações de acesso, inserção e remoção, restrita a extremos da lista. Casos especiais:

- Pilha:
  - Lista linear onde todas as inserções, remoções e acessos são realizados em um único extremo.
  - Lista LIFO (Last In / First Out)



## Estrutura de Dados

Operações de acesso, inserção e remoção, restrita a extremos da lista. Casos especiais:

- Fila:
  - Lista linear onde todas as inserções são feitas em um certo extremo e todas as remoções e acessos são feitas no outro extremo.
  - Lista FIFO (First In / First Out)

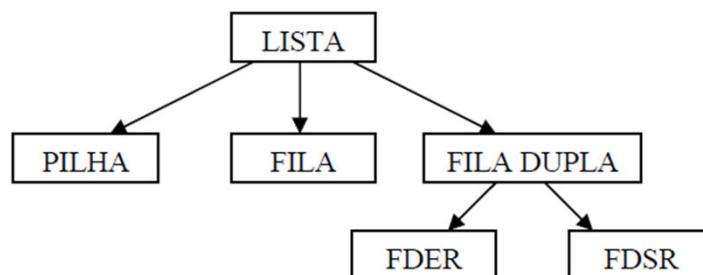


## Estrutura de Dados

◦ Operações de acesso, inserção e remoção, restrita a extremos da lista. Casos especiais:

- Fila Dupla:
  - Lista linear onde todas as inserções, remoções e acessos são feitas em qualquer extremo
  - Lista DEQUE (Double – Ennded Queue)
  - Podem ser:
    - Fila dupla de entrada restrita (inserções restritas a um único extremo)
    - Fila dupla de saída restrita (remoções restritas a um único extremo)

## Estrutura de Dados



## Estrutura de Dados

### Alocação de Memória

- A alocação de memória do ponto de vista do programador se divide em 4 categorias:

	Sequencial	Encadeada
Estática	Estática Sequencial	Estática Encadeada
Dinâmica	Dinâmica Sequencial	Dinâmica Encadeada

## Estrutura de Dados

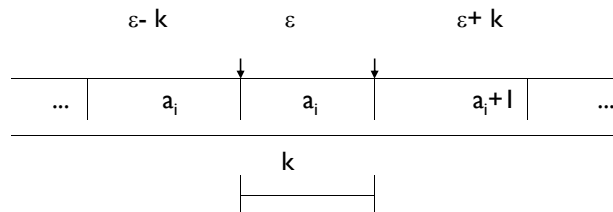
### Alocação Estática x Dinâmica

- Quantidade total de memória utilizada pelos dados é previamente conhecida e definida de modo imutável, no próprio código-fonte do programa, não variando durante toda a execução do programa.
- Capacidade de criar novas variáveis enquanto executa, isto é, se áreas de memória que não foram declaradas no programa passam a existir durante a sua execução.

## Estrutura de Dados

### Alocação Sequencial

- Consiste em colocar os elementos aloçáveis em células de memória consecutivas, um após o outro.



Assim, se cada célula tem um endereço único  $\varepsilon$  e utiliza  $k$  bytes, temos :

- Endereço( $a_i$ ) =  $\varepsilon$
- Endereço ( $a_{i-1}$ ) =  $\varepsilon - k$
- Endereço( $a_{i+1}$ ) =  $\varepsilon + k$

## Estrutura de Dados

### Alocação Sequencial: Vantagens e desvantagens

- Dado o endereço inicial da área alocada e o índice  $i$  de um elemento qualquer da lista, pode-se acessá-lo imediatamente, com um simples e rápido cálculo.
- Precisa-se movimentar os elementos, de modo a abrir espaço para inserção, ou de modo a ocupar o espaço liberado por um elemento que foi removido.



## Estrutura de Dados

### Alocação Encadeada

- Os elementos podem ocupar quaisquer células de memória (não necessariamente consecutivas) e, para manter a relação de ordem linear, juntamente com cada elemento é armazenado o endereço do próximo elemento da lista.
- Os elementos são armazenados em blocos de memória denominados **nodos**, sendo que cada nodo é composto por dois campos: um para armazenar dados e outro para armazenar endereço.

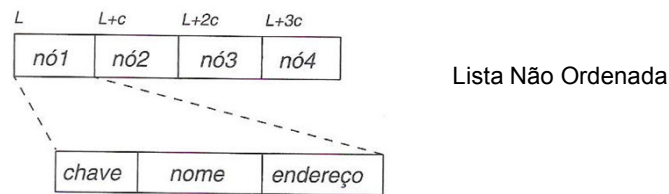
## Estrutura de Dados

### Alocação Encadeada

Endereço	Conteúdo		
L=3FFA	a <sub>1</sub>	1C34	←Primeiro elemento, acessível a partir de L
1C34	a <sub>2</sub>	BD2F	←Note que o segundo não ocupa o endereço consecutivo à a <sub>1</sub>
BD2F	a <sub>3</sub>	AC12	
	...		
1000	a <sub>n-2</sub>	3A7B	← Cada nodo armazena um elemento e um endereço do próximo elemento da lista
	...		
14F6	a <sub>n-1</sub>	5D4A	
5D4A	a <sub>n</sub>	null	← Último elemento da cadeia, o endereço nulo indica que o elemento não tem um sucessor.

## Estrutura de Dados

### Listas Lineares em Alocação Sequencial



Lista Não Ordenada

algoritmo 2.1: Busca de um elemento na lista  $\mathcal{L}$

função  $busca1(x)$

$i := 1$ ;  $busca1 := 0$

enquanto  $i \leq n$  faça

se  $\mathcal{L}[i].chave = x$  então

$busca1 := i$

% chave encontrada

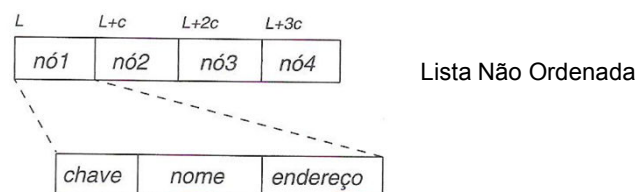
$i := n + 1$

senão  $i := i + 1$

% pesquisa prossegue

## Estrutura de Dados

### Listas Lineares em Alocação Sequencial



Lista Não Ordenada

algoritmo 2.2: Busca de um elemento na lista  $\mathcal{L}$

função  $busca(x)$

$\mathcal{L}[n + 1].chave := x$ ;  $i := 1$

enquanto  $\mathcal{L}[i].chave \neq x$  faça

$i := i + 1$

se  $i \neq n + 1$  então

$busca := i$

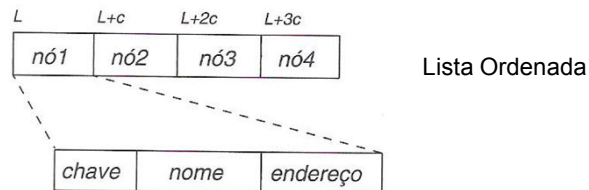
% elemento encontrado

senão  $busca := 0$

% elemento não encontrado

## Estrutura de Dados

### Listas Lineares em Alocação Sequencial



algoritmo 2.3: Busca de um elemento na lista  $\mathcal{L}$ , ordenada

função *busca-ord*( $x$ )

$\mathcal{L}[n + 1].chave := x; \quad i := 1$

enquanto  $\mathcal{L}[i].chave < x$  faça

$i := i + 1$

se  $i = n + 1$  ou  $\mathcal{L}[i].chave \neq x$  então

$busca-ord := 0$

senão  $busca-ord := i$

## Estrutura de Dados

### Listas Lineares em Alocação Sequencial

#### Lista Ordenada – Busca Binária

algoritmo 2.4: Busca binária

função *busca-bin*( $x$ )

$inf := 1; \quad sup := n; \quad busca-bin := 0$

enquanto  $inf \leq sup$  faça

$meio := \lfloor (inf + sup) / 2 \rfloor$       % índice a ser buscado

se  $\mathcal{L}[meio].chave = x$  então

$busca-bin := meio$       % elemento encontrado

$inf := sup + 1$

senão se  $\mathcal{L}[meio].chave < x$  então

$inf := meio + 1$

senão  $sup := meio - 1$

## Estrutura de Dados

### Listas Lineares em Alocação Sequencial

#### Inserção

```

algoritmo 2.5: Inserção de um nó na lista  $\mathcal{L}$ 
se  $n < M$  então
    se  $busca(x) = 0$  então
         $\mathcal{L}[n + 1] := novo-valor$ 
         $n := n + 1$ 
    senão “elemento já existe na tabela”
senão overflow
  
```

## Estrutura de Dados

### Listas Lineares em Alocação Sequencial

#### Remoção

```

algoritmo 2.6: Remoção de um nó da lista  $\mathcal{L}$ 
se  $n \neq 0$  então
     $indice := busca(x)$ 
    se  $indice \neq 0$  então
         $valor-recuperado := \mathcal{L}[indice]$ 
        para  $i := indice, n - 1$  faça
             $\mathcal{L}[i] := \mathcal{L}[i + 1]$ 
         $n := n - 1$ 
    senão “elemento não se encontra na tabela”
senão underflow
  
```

## Estrutura de Dados

### Bibliografia das Notas de Aula



**Estruturas de Dados e Seus Algoritmos -  
Jayme Luiz Szwarcfiter, Lilian Markenzon  
LTC Editora - 2 ° Ed.**